

# مطالعهٔ ترمودینامیکی مخلوط نمکهای مذاب

حسین آقانی

گروه شیمی - دانشگاه تربیت معلم

دیر زمانی است که توجه عدهٔ زیادی از پژوهندگان و محققان صرف مطالعهٔ خواص ترمودینامیکی مذابهای یونی و مخلوط آنها شده و از این راه اطلاعات بسیار ارزشمندی در خصوص ساختمان و صفات اینکوئه مذابها و مخلوط آنها بدست آمده است. هر سال حاصل زحمات و کوششهای این دسته از پژوهشگران به صورت صدها مقالهٔ تحقیقی و ده‌ها کتاب علمی منتشر می‌شود و در اختیار علاقمندان قرار می‌گیرد. البته پژوهشها اولیه با مطالعهٔ مذابهای یونی خالص آغاز شد و سپس به بررسی خواص مخلوط آنها توجه گردید.

روشهای تحقیق در تعکیهای مذاب بسیار متنوع است. معمولترین آنها عبارت است از: روش‌های کالریمتری (Calorimetric methods)، کربوسکوپی و آنالیز گرمائی (Cryoscopic method and Thermalanalysis)، دیفراکسیون الکترونی (Electron diffraction)، استفاده از اشعه‌ای‌زیر (x-ray diffraction)، و روش‌های الکتروشیمیائی (Electrochemical methods)، و روش‌های لیزر (Laser action) در بین این روشها، دو روش کالریمتری و آنالیز گرمائی بیشتر به کار رفته است.

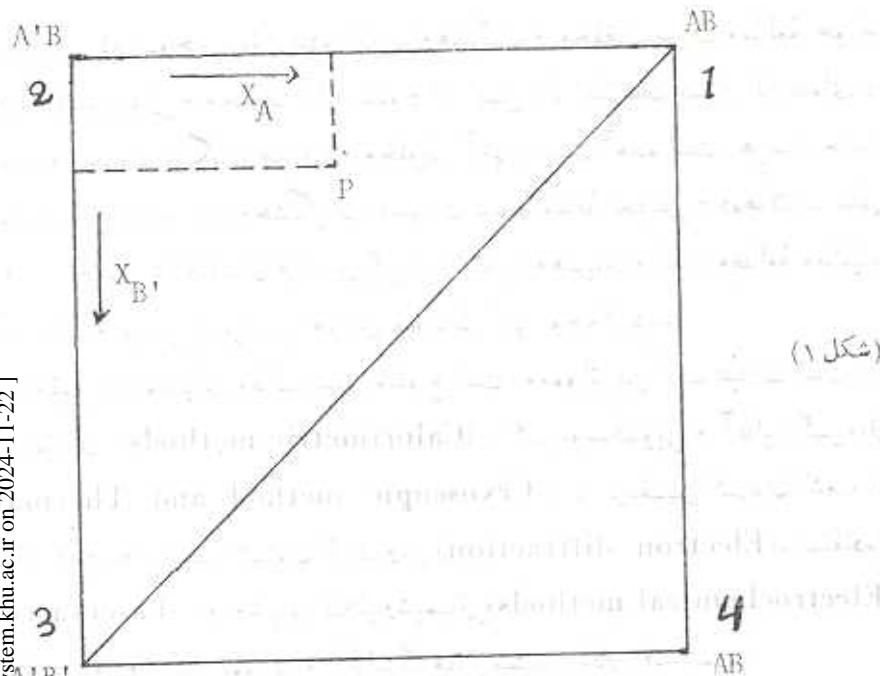
مخلوط مذابهای یونی به سیستمهای گوناگونی تقسیم می‌شود که در بین آنها سیستمهای بایون مشترک و سیستمهای متقابل یا رسپیرک (Reciprocal molten salt mixtures) مشهورتر است. سیستمهای بایون مشترک شامل دو یا چند کاتیون و یا یک آنیون و یا دو یا چند

دو آنیون) می باشد و ساده ترین صورت آن مانند  $(A^+ + A'^- + B^- + B'^-)$  است  
چنین سیستمی، چهار ترکیب بیونی  $AB$ ،  $A'B'$ ،  $A'B'$ ،  $A'B$  و  $A'B$  شرکت دارد  
ترکیب مطابق شکل (۱) در تناوب سیستم رسپیرک بکار می رود. هر دو ترکیبی که در  
مربع واقع است، یک سیستم دوتائی بایون مشترک را معرفی می نماید؛ در حالی  
واقع در دو طرف هر قطب مخلوطهای رسپیرک را بوجود می آورد. در ضمن واکنش



یکی از خاصه های بسیار همتاز اینگونه مذابها می باشد.

در حالت کلی برای تشکیل یک مخلوط رسپیرک لازم است که سه ترکیب از  
یاد شده، در حالت مذاب درهم حل گردند. اما در حالت خاصی که مورد نظر ما است،



(شکل ۱)

در  $A'B'$  یا  $A'B$  در  $AB$  نیز مخلوط رسپیرک تشکیل می گردد. هر گاه  
در تشکیل مخلوط رسپیرک شرکت نماید، برای آن خواهیم داشت:

$$X_{A'} = X_B = X_{A'B}$$

در حالی که  $X_i$  مول جزئی شرکت کننده (i) را در مخلوط مذاب می‌رساند. چنانچه در تشکیل مخلوط، ترکیب‌های  $AB$  و  $A'B$  به کار رود برای آن خواهیم داشت:

$$X_A = X_B = X_{AB}$$

$$X_A = X_B = X_{A'B},$$

در حالت کلی هر مخلوط رسپر ک توسط نقطه‌ای از سطح مریع مشخص می‌گردد. اما کلیه مخلوط‌هایی که از  $AB$  و  $A'B$  و یا از  $AB'$  پیدید می‌آیند، بر روی اقطار مریع جای می‌گیرند.

پیش‌بینی خواص ترمودینامیکی مذاب‌های رسپر ک از روی صفات سیستم‌های دو نافی شرکت کننده، یکی از مسائل بسیار جالب نظری است. کوشش‌های اولیه در این باره توسط Flood و همکارانش صورت گرفت (۱ و ۲). آنان در می‌ریزی روابط ترمودینامیکی مذاب‌های رسپر ک توسعه یونهارا در مخلوط، کاملاً اتفاقی فرض کرده و از آنجا برای آنرویی مولی تشکیل مخلوط‌هایی از نوع  $AB - A'B$  بدست آوردند:

$$\Delta S = -R \left[ X_A \log X_A + X_{A'} \log X_{A'} + X_B \log X_B + X_{B'} \log X_{B'} \right]$$

در مورد آنتالپی مولی تشکیل مخلوط ( $\Delta H$ )، پس از یک سلسله استدلال بدست می‌آید، (۳)

$$\Delta H = X_{AB} X_{A'B} \left[ \Delta H^0 + X_{AB} (\lambda_A + \lambda_B) + X_{A'B} (\lambda_{A'} + \lambda_{B'}) \right] \quad (3)$$

$\Delta H^\circ$  آنتالپی واکنش مشخصه



در ضمن آنتالپی آزاد مولی تشکیل محلول ( $\Delta G$ ) باسانی از روی  $\Delta H$  محاسبه است .

بیش بینی هایی که بر پایه رابطه (۱) بعمل می آید با خواص عده ای از مذاب های سازگار است ، اما در حالتی که عکس العمل بین یونها شدید بوده و در نتیجه توزیع یونی باشد ، دیگر نمی توان از آن در پیش بینی های نظری استفاده کرد . از همین رو طبق روش کاملاً هتفاوتی و تحت نام (Conformal Ionic Solutions) ، صفات محلولهای یونی را مورد مطالعه مجدد قرارداد و از آنجا برای آنتالپی مولی تشکیل محلول می آید ،

$$= X_A X_B \Delta H_O + X_A \Delta H_{14} + X_A' \Delta H_{23} + X_B \Delta H_{12} + X_B' \Delta H_{34} - X_A X_A' X_B X_B' (\Delta H_O)^2 / 2zRT \quad (2)$$

بعنوان مثال . ۴ - آنتالپی مولی تشکیل سیستم دوتائی AB - AB' را ضمناً جمله آخر در طرف دوم رابطه ، به توزیع غیر اتفاقی یونها در مخلوط هذان می گردد .

مدل آماری یونهای محصور (model statistique en ions entourés)

نیز برای توجیه خواص ترمودینامیکی مخلوطهای رسپیرک بسیار مناسب است [۲۰-۲۲] ابتدا به تشریح انرژی یتانسیل یونها در مذاب خالص و در مخلوط پرداخته می شود و محاسبه زابع توزیع محلول ( $\Omega$ ) مبادرت می گردد . از روی رابطه اساسی آزاد تشکیل محلول ( $G'$ ) بدست می آید .

$$G' = - \frac{RT}{\Omega} \left[ \log \Omega - n_A \log \Omega_{AB} - (n_B - n_A') \log \Omega_{A'B'} - n_B' \log \Omega_{A'B'} \right]$$

$$\Delta' H = \frac{\partial (\Delta' G/T)}{\partial (1/T)}$$

از آنجا آنرویی تشکیل محلول برابر می‌شود با:

$$\Delta' S = \frac{\Delta' H - \Delta' G}{T}$$

در شرایطی که توزیع یونها در محلول اتفاقی فرض گردد، برای آنالیز مولی تشکیل محلول بدست می‌آید:

$$\Delta H = X_A \Delta H_{14} + X_A \Delta H_{23} + X_B \Delta H_{12} + X_B \Delta H_{34} + X_A X_B \Delta H_o : (3)$$

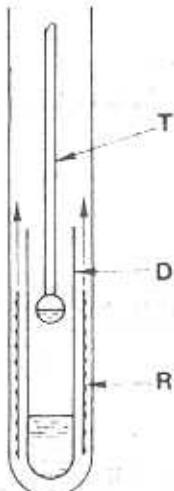
در صورتی که در توزیع یونها نوعی نظام برقرار باشد، نتیجه می‌شود،

$$\Delta H = (\Delta H)_{des.} - X_A X_A \Delta H_o \frac{(X_A X_B)^2}{2RT} : (4)$$

### مطالعه کالریمتری مذاب رسپیروک

روش تجربی: دستگاه مورد استفاده از نوع میکروکالریمتر Calvet است که شرح آن در بسیاری از شرایط علمی آمده است (۲). برای انجام آزمایش، طبق شکل (۲)، یکی از نمکهای در آمپولی از جنس Pyrex با جدار بسیار نازک قرار داده و نمک دیگر را در یک لوله (D) جای می‌دهند. آمپول را به یک حامل (T) جوش داده و آنرا در فاصله مناسبی در بالای نمک دوم و در داخل لوله (D) نگه میدارند. سپس حامل و آمپول و لوله آزمایش را در محفظه دیگری که از جنس Pyrex است قرار داده و آنرا در مخزن کالریمتر داخل می‌کنند. برای برقراری تعادل دمایی سه تا پنج ساعت وقت لازم است. پس از آن حامل (T) را به طرف

دونمک درهم حل می شوند. اثر گرمائی حاصل از انحلال دونمک دریکدیگر، به يك منتقل شده و پیشکی که سطح آن با مقدار گرمای مبادله شده متناسب است، پذیدار می گردد. با اندازه گیری سطح پیک و تعیین ضریب تبدیل آن به گرما ( $\frac{P}{g}$  )، به آسانی مقدار گرمای مبادله شده محاسبه می شود.



شکل (۲)

برای تعیین ( $\frac{P}{g}$ ) قطعه های کوچک و توزین شده طلا را از مایع محیط به داخل کالریمتر رها می کنند و از روی سطح پیک حاصل و با توجه به تغییر آنتالپی طلا که قابل

محاسبه است، مقدار  $\frac{P}{g}$  را بدست می آورند. بعلاوه برای اطمینان بیشتر، از زوش

نیز برای تعیین  $\frac{P}{g}$  کمک گرفته می شود. در این روش مقدار الکتریسته معینی را مشخص (R) عبور داده و از روی سطح پیک حاصل ضریب  $P$  را محاسبه می کنند.

درستی میکردن کار رفته به کار رفته، از طریق اجرای پاره ای آزمایش های شناختی بررسی فراز گرفته است (۹). ضمناً برای آگاهی از میزان گرمای حاصل از شکسته آزمایش های بشرح فوق و با آمیزه های خالی صورت گرفته است و نتایج حاصل که اثر مذکور ناچیز و قابل اغماض می باشد.

درجه خلوص نمک های به کار رفته: نیترات های به کار رفته از نوع محصولات Suprapur (Pour analyse) و بادرجه خلوص ۹۹,۹۹٪ بوده است و بر مورها از نوع  $c^{\circ}$  ۱۵۰ خشک شده و خنثی بودن آنها، قبل و بعد از آزمایش مورد بررسی قرار گرفته اند. خطای موجود در نتایج تجربی: در محاسبه آنتالپی، خطاهای مختلفی دخالت مهمترین آنها عبارت است از:

- خطای مر بوط به گرمای ویژه ( $C_p$ ) و عوامل مؤثر در تعیین ( $\frac{p}{g}$ )  
- خطای مر بوط به توزین نمودهای واکرها و اثرهای حرارتی هز احمد  
 بطور کلی می‌توان انتظار داشت که خطای کلی نتایج تجزیه بر حدود ۵% باشد<sup>(۹)</sup>  
 نتایج تجزیی: بهمنظور مطالعه مذاب ( $\text{Na}^+ + \text{k}^+ + \text{NO}_3^- + \text{Br}^-$ ), از یک طرف سیستمهای دوتائی با یون مشترک را مورد نظر قرار داده‌ایم و از طرف دیگر به سیستمهای «نیترات‌سدیم-برمورپتاسیم-ونیترات پتاسیم-برمورسیدیم» که تشکیل دهنده مذابهای رسپر و هستند، توجه نموده‌ایم. در هر مورد، دو نوع اندازه‌گیری آنتالپی بعمل آمده است. یکی در محلولهای رفیق و دیگری در محلولهای غلیظ.

دردمای تجزیه ( $k$ ) (۷۲۳) نیترات‌های به کار رفته به صورت مذابند، در حالی که بر موزها به‌حالت جامد، از این رو از حل شدن بر مور در نیترات دردمای آزمایش، دو پدیده متفاوت رخ می‌دهد؛ یکی ذوب بر مور دردمای پائین تر از دمای ذوب عادی آن، دیگری انحلال بر موزهای درحال تأخیر در انجامداد، در نیترات مذاب. اثر اول با دانستن آنتالپی ذوب و تصحیح آن تا دمای تجزیی قابل محاسبه است. بنابراین از روی نتایج تجزیی، به آسانی می‌توان سهم گرمایی اثر دوم را بدست آورد.

## ۱- سیستمهای دوتائی با یون مشترک

الف: سیستم نیترات‌سدیم - نیترات پتاسیم: از بست اندازه‌گیری مستقل در محلولهای بسیار رقیق بدست آمده است<sup>(۹)</sup>.

$$\left[ \Delta \bar{H}_{(NaNO_3)}^\infty \right]_{(KNO_3)} = -0,43 \pm 0,03 \text{ kcal.mol}^{-1}$$

$$\left[ \Delta \bar{H}_{(KNO_3)}^\infty \right]_{(NaNO_3)} = -0,49 \pm 0,03 \text{ kcal.mol}^{-1}$$

با توجه به دو مقدار بالا، برای آنتالپی مولی تشکیل محلول در هر غلظتی می‌توان داشت<sup>(۹)</sup>.

$$\Delta H = x_{NaNO_3} x_{KNO_3} (-0,43 - 0,06 x_{NaNO_3}) \text{ kcal. mol}^{-1}$$

$$\overline{H}^{\infty}_{\text{NaBr}} \left[ \frac{}{(NaNO_3)} \right] = 6,10 \pm 0,09 \text{ kcal. mol.}^{-1}$$

پس از کم کردن سهم آنتالپی ذوب بر مور سدیم در دمای  $723\text{ K}$  (۱۰) ۷۲۳

$$\overline{H}^{\infty}_{\text{NaBr}} \left[ \frac{}{(NaNO_3)} \right]_{723\text{ K}} = 0,36 \text{ kcal. mol.}^{-1}$$

چون اندازه گیری آنتالپی مولی نیترات سدیم در بر هور سدیم، در محدود رفیق ممکن نیست (در دمایی که بر مور ذوب می شود، نیترات آجزیه می گردد)، از این مورد مطالعه را بطور تقریب مانند یا کمhalول با قاعده (Regular Solution) و از آنجا:

$$H = 0,36 X_{\text{NaBr}} X_{\text{NaNO}_3} \text{ kcal. mol.}^{-1}$$

ج- سیستم بر مور پتاسیم- نیترات پتاسیم: در نتیجه ده آزمایش جداگانه و طبق ر بالا بدست آمده است.

$$\Delta H = 0,26 X_{\text{KBr}} X_{\text{KNO}_3} \text{ kcal. mol.}^{-1}$$

د- سیستم بر مور پتاسیم- بر مور سدیم: در مورد این سیستم از نتایج رفرار [۲۲-۱۱-۲۰] گرفته اید.

$$\Delta H = X_{\text{NaBr}} X_{\text{KBr}} (- 0,53 - 0,03 X_{\text{NaBr}}) \text{ kcal. mol.}^{-1}$$

## II- سیستمهای تشکیل دهنده مذاب رسپرک

۱- سیستم نیترات سدیم- بر مور پتاسیم: بر اساس یافته سنجش کالریمتری بسیار رفیق نسبت به بر مور، بدست آمده است.

$$\left[ \Delta H^\circ_{\text{KBr}} \right] (\text{NaNO}_3) = 6,16 \pm 0,19 \text{ kcal.mol}^{-1}$$

پس از کم کردن آنتالپی ذوب بر مود پیاسیم در دمای آزمایش (۱۰).

$$\left[ \Delta H^\circ_{\text{KBr}} \right] (\text{NaNO}_3) = A = 0,93 \text{ kcal.mol}^{-1}$$

آنالپی مولی تشکیل اینگونه محلولها، با فرض اتفاقی بودن توزع یونها، می تواند بر طبق رابطه زیر بیان گردد (۹).

$$\Delta H = X_{\text{KBr}} (1 - X_{\text{KBr}})(A + BX_{\text{KBr}})$$

در حالی که :

$$(\Delta H^\circ_{\text{NaNO}_3} - \Delta H^\circ_{\text{KBr}}) = B \quad \text{و} \quad A = \Delta H^\circ_{\text{KBr}}$$

تعیین تجزیی آنتالپی مولی جزو اختلافی نیترات سدیم دربرهود پیاسیم در محلول بسیار دقیق نسبت به نیترات سدیم، امکان پذیر نیست؛ زیرا دردهایی که بر موز ذوب می شود نیترات تجزیه می گردد. از این رو برای آگاهی از مقدار (B) به روش غیر مستقیم عمل گردیده است. در این روش از تغییر تابع  $(\Delta H / X_{\text{KBr}})$  نسبت به  $X_{\text{KBr}}$  کمک گرفته می شود. در حالت حد ( $\vec{X}_{\text{KBr}}^0$ ) و بطور تقریب می توان نوشت، (۹)

$$\frac{\Delta (\Delta H / X_{\text{KBr}})}{\Delta X_{\text{KBr}}} = B - A$$

شکل (۳) نتایج تجزیی حاصل از دقیق شدن محلول نیترات سدیم و بر مود پیاسیم؛ توسط مذاب نیترات سدیم نشان می دهد. در این شکل داریم:

$$\bar{X}_{\text{KBr}} = \frac{1}{2} (X_{\text{KBr}}^{\text{initial}} + X_{\text{KBr}}^{\text{final}})$$

$$\Delta (\Delta H / X_{\text{KBr}}) = \left( \frac{\Delta H}{X} \right)^{\text{final}} - \left( \frac{\Delta H}{X} \right)^{\text{initial}}$$

$$F = - \Delta (\Delta H/X_{KBr}) / \Delta X_{KBr}$$



0,1      0,2      0,3

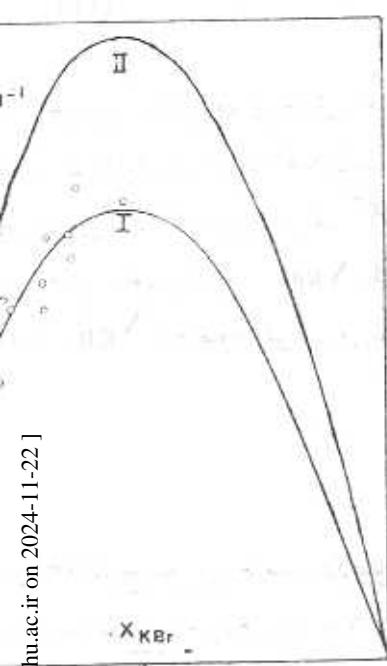
شکل (۳)

با توجه به معنادار F در حالت حد (۱/۲۸ - کیلوکالری بر مول)، برای خوبی

۳۵ - کیلوکالری بر مول بدست می آید.

از آنجا عبارت آنتالپی مولی تشکیل در هر غلظتی بر این خواهد شد با:

$$\Delta H = X_{KBr} X_{NaNO_3} (0,93 - 0,35 X_{KBr}) \text{ kcal.mol}^{-1}$$



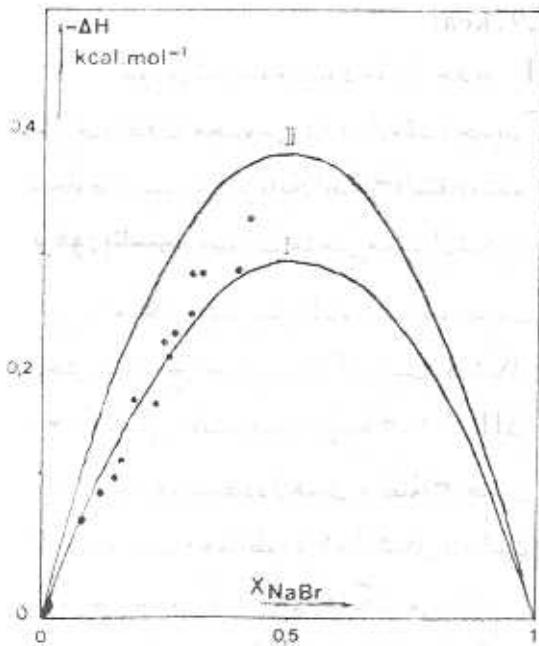
شکل (۴)

۰ و منحنی (I) نتایج تجربی و منحنی (II) نظری بر پایه رابطه (۳)

براساس رابطه عددی بالا، مقدار آنتالپی در نتایج غلظتها حساب گردیده است و منحنی (I) از شکل (۴) نمودار آنست. بطوری که ملاحظه می شود، این منحنی با نتایج حاصل از اندازه گیری مستقیم آنتالپی تشکیل (۵) کاملاً سازگار می باشد.

منحنی (II) از شکل (۴) براساس پیش بینی و از طریق قراردادن نتایج تجربی هر بوط به سیستمهای دوتائی و معنادار آنتالپی واکنش مشخصه سیستم (۱/۳ کیلوکالری) (۹) در رابطه (۳) بدست آمده است. همانطوری که ملاحظه می شود، این منحنی با نتایج تجربی چندان هم آهنگ نبوده و در باره آن بحث خواهیم کرد.

$$\Delta H = X_{\text{NaBr}} X_{\text{KNO}_3} (-1,05 - 0,26 X_{\text{NaBr}}) \text{ kcal.mol}^{-1}$$



شکل (۵)

و منحنی (I) نتایج تجربی

منحنی (II) پیش‌بینی نظری برپایه رابطه (۳)

منحنی (I) از شکل (۵)، تغییر  $\Delta H$  را بر حسب  $X_{\text{NaBr}}$  و برپایه رابطه عددی بالا نشان می‌دهد. این منحنی بخوبی با نتایج حاصل از اندازه‌گیری مستقیم آنتالپی تشکیل (۰) سازگار است. در اینجا هم مانند حالت قبل، منحنی بدست آمده از رابطه (۳) و معلومات مر بوط به سیستمهای دوتائی و مقدار  $\Delta H$  با نتایج تجربی سازگار نمی‌باشد.

### III - تجزیه و تحلیل نتایج تجربی

بطوری که ملاحظه شد، پیش‌بینیهای نظری آنتالپی برپایه رابطه (۳) با نتایج نجسیه حاصل در مورد سیستمهای نیترات سدیم - بر هوریتاسیم و نیترات پتاسیم - بر هورسدیم سازگار نبود و میان آنها اختلاف قابل ملاحظه‌ای وجود داشت. در قدم اول، ممکن است که اختلاف مذکور را بازیده توزیع غیراتفاقی یونها در مخلوط دانست و برای بحساب آوردن آن، جمله  $\Delta H^\circ / 2ZRT - X_A X_A' X_B X_B'$  را بر طبق رابطه (۴)، در پیش‌بینی آنتالپیهای تشکیل مخلوط وارد ساخت. اما بطوری که محاسبه نشان می‌دهد، تأثیر این جمله در نتایج کلی، بسیار ضعیف بوده و در حدود ۳٪ می‌باشد. پس با رعایت آن نیز نمی‌توان اختلاف موجود را از میان برداشت بنابر این اختلاف مذکور منطقاً می‌تواند به خطای موجود در مقدار  $\Delta H$  مر بوط گردد. زیرا جمله اخیر تنها مقداری است که از راه محاسبه بدست آمده است و در تعیین

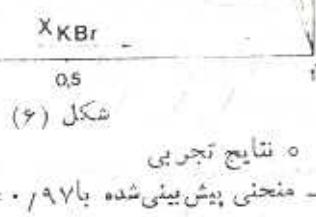
بنابراین بین میتوان این مقدار را با خطا محاسبه کرد. این خطا، سعی گردد مقدار  $\Delta H$  بدطور مستقیم و از روی نتایج تجربی هم بروط به آمولی تشکیل محلولهای رسپیر لدر غلظتها مساوی محاسبه گردد (۹). بر اساس آن بدست  $\Delta H = ۰,۹۷ \text{ kcal}$ .

بطوری گردیده می شود مقدار جدید  $\Delta H$  (۹۷ کیلوکالری) با مقدار قبلی آن (کالری) تفاوت محسوسی دارد. از مقدار جدید آنتالپی، برای پیش‌بینی مجدد آنتالپیهای محلول رسپیر لک و بر پایه رابطه (۳) استفاده شده و نتایج حاصل از آن در مورد سیستم نیترات برومور پتاسیم، به صورت منحنی ممتد از شکل (۶) درآمده است. همانطوری که ملاحظه

این باز منحنی پیش‌بینی شده، به نحو رضایت بخشی با نتایج تجربی سازگار است. در شکل (۶)، منحنی فقط چنین بر پایه (۳) حاصل کیلوکالری و بالاستفاده از همان رابطه (۳) حاصل گردیده است و همانطوری که از شکل پیداست با نتایج تجربی (۱۰) هم آهنگ نمی‌باشد. به عنوان خلاصه این بحث می‌توان گفت که در پیش‌بینی آنتالپی تشکیل محلولهای رسپیر لک، دو نکته واجد اهمیت است: یکی توجه به چگونگی توزیع یونها در محلول مذاب و دیگری تعیین دقیق آنتالپی واکنش مشخصه ( $\Delta H$ )، در شرایط آزمایش، قائم‌عامل آخری گاهی اوقات به حدی است که نتایج پیش‌بینی شده را بکلی دگرگون می‌سازد. برای مثال این مسئله در مطالعه سیستم



نیز کمال اهمیت را داشته است (۱۲).



از این رو به نظر میرسد که رعایت این مطلب، در مورد اغلب مذایهای رسپیر لک لازم باشد.

فرانسها

- 1- H. Flood, T. Forland & K. Grjotheim  
Z. Anorg. Allgem. Chem., (1954), 276, 289
- 2- T. Forland  
Norg. Tek. Vitenskapsakad., (1957), Ser. 2, n°4.
- 3- H. Aghaï  
these Doct. Spécialité, Marseille, 26 Juin, 1973
- 4- M. Blander & S.J. Yosim  
J. chem. phys., (1963), 39, 2610.
- 5- M. Gaune-Escard, J. C. Mathieu, P. Desre et Y. Doucet  
J. Chim. Phys., (1973), 6, 1003.
- 6- M. Gaune-Escard et...  
J. Chim. Phys., (1973), 7-8, 1033
- 7- E. Calvet, H. Prat  
Microcalorimétrie, Masson, Paris, 1955
- 8- E. Calvet,  
Récents Progrès en microcalorimétrie,  
Dunod, Paris, 1958
- 9- H. Aghaï  
Thèse. Doct. D' etat Marseille, 10, Juillet, 1974
- 10- O. J. kleppa, S. V. Meschel  
J. Phys. Chem., (1963) 67, 668.
- 11- M. Gaune-Escard  
Thèse, Marseille, 1972
- 12- H. Aghaï, J. P. Bros, And M. Gaune-Escard  
J. Chem. Thermodynamics, (1976), 8, 331-338