



طراحی و اعتبارسنجی الگوی برنامه درسی ریاضی دوره ابتدایی مبتنی بر رویکرد شناختی^۱

Design & Validation of Elementary School Math Curriculum Model based on Cognitive Approach

M.Zadshir, A. Assare, S. GholamAzad, M.
Emamjome

محبوبیه زادشیر^۲، علیرضا عصاره^۳، سهیلا غلام آزاد^۴،
محمد رضا امام جمعه^۵

چکیده: پژوهش حاضر با هدف طراحی و اعتبارسنجی الگویی برای برنامه درسی ریاضی دوره ابتدایی مبتنی بر رویکرد شناختی و با استفاده از روش پژوهش آمیخته، انجام شد. در این مقاله، با استفاده از عناصر برنامه درسی ریاضی با رویکرد شناختی که بر اساس عناصر دهگانه اکر^۶ (۲۰۰۳) استخراج شده‌اند (زادشیر، عصاره، غلام آزاد و امام جمعه، ۱۴۰۱)، الگویی برای طراحی و اعتبارسنجی برنامه درسی ریاضی دوره ابتدایی طراحی شد. سپس از طریق پرسش‌نامه‌ای که توسط پژوهشگران تهیه شد، اعتبار آن الگو سنجیده شد. شرکت‌کنندگان در بخش کمی این مطالعه که به سوال‌های پرسش‌نامه پاسخ دادند، تعدادی از متخصصان علوم شناختی، آموزش-ریاضی و برنامه‌ریزی درسی بودند که به روش دلفی، انتخاب شدن و داده‌های جمع‌آوری شده، با کمک آمار توصیفی و استنباطی، تجزیه و تحلیل شدند و بدین ترتیب، الگوی طراحی شده اعتبارسنجی شد.

واژگان کلیدی: الگوی برنامه درسی ریاضی، رویکرد شناختی، دوره ابتدایی، عناصر دهگانه برنامه درسی ریاضی

۱. این پژوهش از رساله دکتری با عنوان «طراحی برنامه درسی ریاضی دوره ابتدایی با رویکرد شناختی» رشته برنامه ریزی درسی دانشگاه تربیت دبیر شهید رجایی استخراج شده است. تاریخ دریافت مقاله: ۱۴۰۱/۰۳/۱۷، تاریخ پذیرش: ۱۴۰۱/۰۱/۱۰

۲. دانشجوی دکتری برنامه درسی، دانشکده علوم تربیتی و روان‌شناسی، دانشگاه تربیت دبیر شهید رجایی، ایران، رایانامه: Zadshirmahbobe@gmail.com

۳. استاد گروه علوم تربیتی، دانشکده علوم تربیتی و روان‌شناسی، دانشگاه تربیت دبیر شهید رجایی، ایران، رایانامه: alireza_assareh@yahoo.com

۴. استادیار سازمان پژوهش و برنامه ریزی آموزشی، پژوهشگاه مطالعات آموزش و پرورش، ایران، رایانامه: soheila_azad@yahoo.com

۵. داشیار گروه علوم تربیتی، دانشکده علوم تربیتی و روان‌شناسی، دانشگاه تربیت دبیر شهید رجایی، ایران، رایانامه: m_r_imam@yahoo.com

⁶ Aker

مقدمه

در هزاره جدید، مناسبات جهانی از جنبه‌های مختلف تغییر نمود و با شروع همه-گیری کووید-۱۹ و ضرورت استفاده از آموزش مجازی برای جلوگیری از توقف آموزش عمومی، فضای آموزشی را تحت تأثیر خود قرارداد. این تغییر، ضرورت بازنگری و اصلاح را در تمام وجوده آموزش عمومی و به‌ویژه برنامه‌های درسی را اجتناب‌ناپذیر کرده است. این درحالی است که طی دو دهه، رویکردهای نظری متنوعی به یاددهی یادگیری در طراحی برنامه‌های درسی تبیین شده‌اند که رویکرد شناختی، از آن جمله است. به گفته غلام‌آزاد (۱۳۹۱)، رویکرد شناختی فرصتی فراهم می‌کند تا برای بهبود شیوه تفکر دانش‌آموزان، در طراحی برنامه‌های درسی، به جای تأکید بر دانش رسمی و کتاب‌های درسی تجویزی، به سمت الگوهای ذهنی و راهبردهای شناختی حرکت نمود. افرون براین، تبیین روان‌شناسی‌های مختلف و تدوین نظریه‌های جدید یادگیری، از عوامل تأثیرگذار بر تحولات برنامه‌های درسی از جمله برنامه درسی ریاضی بوده است. همچنین در سه دهه گذشته، نتایج مطالعات بین‌المللی مانند تیمز، نظر سیاست‌گذاران آموزشی و اذهان عمومی را متوجه عملکرد ریاضی دانش‌آموزان نمود و موجب تحولاتی در برنامه‌های درسی ریاضی مدرسه‌ای در ایران و جهان شد (غلام‌آزاد، ۱۳۹۹). با این حال، در گزارش این مطالعه که در سال ۲۰۱۹ منتشر شد، نمره ریاضی دانش‌آموزان پایه چهارم در ایران ۴۴۷ بود که نسبت به میانگین بین‌المللی، ۵۷ نمره پایین‌تر بود (مرکز ملی مطالعات تیمز و پرلز، ۲۰۱۹). این درحالی است که با انتظار بهبود نمره ریاضی دانش‌آموزان، کتاب‌های درسی ریاضی از سال ۱۳۹۰ تغییر یافت، ولی نتیجه مورد انتظار حاصل نشد. ناموفق بودن تغییرات انجام‌شده، نشان داد که برای بازنگری در برنامه‌های درسی ریاضی، از طرفی لازم است که با حرکت‌های

تحولی در راستای تغییرات برنامه درسی آشنا شد و از طرف دیگر، در حرکت به سمت برنامه‌های درسی پویا، نظارت دقیق و بازنگری مستمر ضروری است (غلامآزاد، ۱۳۹۹).

پیشینه پژوهش

یکی از رویکردهایی که در سطح ایران و جهان، توجه پژوهشگران آموزش ریاضی و برنامه‌ریزان درسی را جلب نمود، رویکرد شناختی است. برای نمونه، لین و پولول^۱ (۲۰۲۱) پژوهشی با شرکت ۲۵۶ دانش‌آموز سه پایه دوره ابتدایی انجام دادند تا نقش مهارت‌های شناختی را در موفقیت تحصیلی ریاضی آن‌ها بررسی کنند. آنان در پژوهش خود دریافتند که تقویت مهارت‌های شناختی در سه پایه اول ابتدایی، باعث بهبود موفقیت ریاضی دانش‌آموزان در پایه‌های بعد خواهد شد. نتیجه‌گیری این پژوهش این است که اگر آموزش مهارت‌های شناختی از سال‌های اول دوره ابتدایی شروع شود، اثربخش‌تر خواهد بود. پیش از این نیز زنیدیو و همکاران^۲ (۲۰۱۸) در پژوهشی، برای شناسایی پیش‌بینی کننده‌های شناختی پیشرفت کودکان در یادگیری ریاضی، توانایی‌های شناختی اولیه ۳۳۴ کودک را در حوزه عمومی و ریاضی به صورت طولی در سال‌های مختلف تحصیلی ارزیابی کردند. در این مطالعه، آن‌ها دریافتند که دانش‌آموزانی که نمرات بیشتری در آزمون‌های توانایی‌های شناختی کسب کردند، در یادگیری ریاضی در همان پایه و پایه‌های بعدی، موفق‌تر عمل نمودند.

در ایران نیز در دهه ۹۰، چند پژوهش در رابطه با برنامه درسی و رویکرد علوم شناختی انجام شده است که نتایج آن‌ها برای ایجاد تغییر و تحول در برنامه درسی، قابل تأمل است که برای نمونه، به پژوهش‌های غلام‌آزاد (۱۳۹۱)، تاراج (۱۳۹۱) و رضایی (۱۳۹۴) اشاره می‌شود که یافته‌های هر سه پژوهش، بر استفاده از دیدگاه شناختی به-

¹.Lin & Powell

². Xenidou. et al

عنوان رویکردی اثربخش و قابل دفاع در تدوین برنامه درسی ریاضی دوره ابتدایی، طراحی فعالیت‌ها و تدریس ریاضی جهت ارتقای قابلیت‌های ریاضی دانش‌آموزان، تأکید کرده‌اند. در همین دهه، پژوهش‌های متعددی هم با روش تحلیل محتوای کتاب‌های ریاضی دوره ابتدایی انجام شده‌است که مطالعه فرج‌زاده، خلاقی و احمدی (۱۳۹۳)، از آن جمله است. آنان در پژوهش خود، محتوای کتاب‌های ریاضی سه پایه اول، دوم و سوم ابتدایی را از نظر میزان توجه به مؤلفه‌های تفکر انتقادی لیپمن، تحلیل کردند و به این نتیجه رسیدند که در این کتاب‌ها، به مؤلفه‌های استدلال کردن و تفکر انتقادی که دو مهارت اصلی در رویکرد شناختی به یادگیری است، توجه نشده است. علاوه بر این، دورانی (۱۳۹۵) در تحلیل محتوای کتاب ریاضی پایه چهارم ابتدایی به نتیجه‌ای مشابه دست یافت. این یافته‌ها حاکی از آن است که در ایجاد تغییر در برنامه و کتاب‌های درسی ریاضی دوره ابتدایی، توجه‌ای به رویکرد شناختی نشده است.

- روش‌شناسی پژوهش

هدف پژوهشی که گزارش آن در این مقاله آمده، طراحی و اعتبارسنجی الگویی برای برنامه درسی ریاضی دوره ابتدایی مبتنی بر رویکرد شناختی بود. این پژوهش که از نوع توسعه‌ای - کاربردی است، با استفاده از روش پژوهش پژوهش آمیخته انجام شد. این پژوهش در سه مرحله انجام شد که ابتداء، عناصر برنامه درسی ریاضی مبتنی بر رویکرد شناختی و بر اساس عناصر دهگانه آکر^۱ (۲۰۰۳)، استخراج شدند که گزارش آن در مقاله زادشیر، عصاره، غلام‌آزاد و امام‌جمعه (۱۴۰۱)، ارائه گردید. سپس بر اساس آن عناصر که عبارت از «منطق»، «هدف»، «محتوا»، «فعالیت‌های یادگیری»، «نقش معلم»، «مواد و منابع»، «گروه‌بندی»، «زمان»، «مکان» و «ارزشیابی» است، الگویی برای برنامه-درسی ریاضی دوره ابتدایی طراحی شد. بعد از آن با نظرخواهی از متخصصان، الگوی

^۱ Aker

طراحی شده اعتبارسنجی شد. آنگاه در مرحله آخر، با ترکیب یافته‌های به دست آمده از مراحل قبلی، ویژگی‌های استخراج شده برای هر یک از عناصر دهگانه، بر اساس نظرات متخصصان جرح و تعدیل شدند و با لحاظ نمودن آن‌ها، الگوی طراحی شده نهایی شد. در این بخش، روند طی شده در هر مرحله، شرح داده‌می‌شود.

مرحله اول: طراحی الگو

زادشیر، عصاره، غلامآزاد و امام جمعه (۱۴۰۱)، عناصر دهگانه برنامه درسی ریاضی دوره ابتدایی را با رویکرد شناختی و بر اساس الگوی آکر (۲۰۰۳)، شناسایی کردند و ویژگی‌های آن‌ها را با رویکرد شناختی، تبیین نمودند. آن‌ها به یک مطالعه نظاممند و فراتحلیلی از اسناد و پژوهش‌های موجود^۱ پرداختند که در آن، برنامه‌های درسی ریاضی مبتنی بر رویکرد شناختی، از جنبه‌های مختلف بررسی شدند. معیارهای ورودی برای انتخاب منابع مکتوبی که در این مطالعه تحلیل شدند، سه کلیدواژه «آموزش ریاضی»، «برنامه درسی» و «علوم شناختی» بود که از طریق جستجوی منظم در پایگاه‌های اطلاعاتی داخلی و خارجی که به زبان انگلیسی منتشر شده بودند و قابل دسترسی بود. پایگاه‌های اطلاعاتی داخلی شامل Magiran، Noormagas، Sid

پرتال جامع علوم انسانی، پژوهشگاه علوم و فناوری اطلاعات ایران و جویشگر فارسی علم نت بود و پایگاه‌های اطلاعاتی خارجی به شرح زیر بودند:

Google, Emerald, Scopus, Science Direct, ProQuest, Springlink, Worldscientific, Google Scholar, Eric, Wiley, Jstor

بازه زمانی انتخاب شده برای این جستجو، حدود دو دهه از شروع قرن جدید- ۲۰۰۰ تا ۲۰۲۲- و سه مورد کارهای کلاسیک بود که شامل اسناد، مقالات و پژوهش- های چاپ شده بود و به این ترتیب، تعداد ۳۸۴ منبع شناسایی شدند. پس از آن، معیارهای خروجی تبیین شدند که با اعمال آن‌ها، پژوهش‌هایی که تنها به توصیف رویکرد شناختی پرداخته بودند و به نحوه استفاده از آن رویکرد در تدوین برنامه درسی اشاره‌ای نشده

^۱ در ادبیات علوم تربیتی، این روش به «سنترپژوهی کیفی» هم شناخته می‌شود.

بود، یا پژوهش‌هایی که در مجله‌های غیرپژوهشی ترویجی و موری منتشر شده بودند، حذف گردیدند. علاوه بر این‌ها، بر اشتراک سه کلیدواژه‌ای که به عنوان معیار ورودی در نظر گرفته شده بود، تمرکز شد. این معیار سبب شد که در مجموع از ۳۸۴ منبع، تعداد ۲۴ مقاله^۱ (جدول ۱) انتخاب شده و وارد چرخه بررسی شوند.

جدول ۱ : مشخصات سندهای استخراج شده

سال انتشار	حوزه	محل انتشار	نام پایگاه	عنوان مقاله
۲۰۲۰	آموزش ریاضی	Journal of Teaching Mathematics and Computer Science	Google Scholar	۱. آیا می‌توان برخی مؤلفه‌های فراشناخت را در کلاس درس ریاضی توسعه داد؟
۲۰۱۹	روان‌شناسی	Journal of Learning and Individual Differences	Science Direct	۲. تفاوت‌های فردی در فرایندهای اساسی شناختی و خودتنظیمی یادگیری و تأثیر متقابل آن‌ها بر عملکرد ریاضی و تفاوت‌های فردی
۲۰۱۹	آموزش ریاضی	Journal of Cognitive Foundations for Improving Mathematical Learning.	Science Direct Academic Press	۳. مبانی شناختی برای بهبود یادگیری ریاضی
۲۰۱۹	برنامه‌درسی	Journal of Applied Developmental Psychology	Science Direct	۴. همکاری‌های در حال توسعه و دو جانبه شناختی ریاضی و سواد‌آموزی در دوران کودکستان
۲۰۱۸	برنامه‌درسی	Journal of Thinking Skills and Creativity	Science Direct	۵. چگونه خلاقیت، خودنمختاری و استدلال بصری در یادگیری

^۱ در این مقاله، منظور از مکتوبات، سند و منبع و مقاله است که به یک معنا استفاده شده‌اند.

عنوان مقاله	نام پایگاه	محل انتشار	حوزه	سال انتشار
شناختی به یادگیری درس ریاضی مبتنی بر STEAM ¹ و خلاقیت کمک می‌کند؟				
۶. چگونه آموزش، مهارت‌های شناختی را بهبود می‌بخشد؟ با تأکید بر زمان آموزش.	Science Direct	Journal of Labour Economics	برنامه‌درسی	۲۰۱۷
۷. بینش‌هایی از علوم - شناختی در یادگیری ریاضی، کسب مهارت‌های پیچید حساب و مفاهیم پیشرفته ریاضی	Science Direct	Mathematical Cognition and Learning	آموزش ریاضی	۲۰۱۷
۸. چالش‌های ریاضی شناختی	Google Scholar	Journal of Numerical Cognition	روان‌شناسی، شناختی، آموزش ریاضی، برنامه‌درسی ریاضی	۲۰۱۶
۹. ویژگی‌های شناختی و نظراتی و عملکرد ریاضی در دانش آموزان دبیرستان	Science Direct	Journal of Personality and Individual Differences	روان‌شناسی	۲۰۱۶
۱۰. تاثیر آموزش شناختی بر عملکرد شناختی معلمان	Springer	Journal of cognitive Education and Psychology	روان‌شناسی، شناختی، برنامه‌درسی	۲۰۱۵
۱۱. ارزش آموزش ریاضی	Google Scholar	National STEM Centre	آموزش ریاضی، برنامه‌درسی ریاضی	۲۰۱۳

¹ Science, Engineering, Art & Mathematics education

سال انتشار	حوزه	محل انتشار	نام پایگاه	عنوان مقاله
۲۰۱۳	روانشناسی	Journal of Applied Developmental Psychology	Science Direct	۱۲. زمینه کلاس، انتظارات معلم و سطح شناختی، پیش‌بینی قضاوت در مورد توانایی ریاضی کودکان
۲۰۱۲	روانشناسی و آموزش ریاضی	Journal of School Psychology	Science Direct	۱۳. اثرات مقیاس هوش - وکسل برای کودکان توانایی های شناختی برای پیشرفت ریاضی
۱۳۹۱	آموزش ریاضی، برنامه درسی ریاضی	فصلنامه مطالعات برنامه درسی ایران	Noormagaz	۱۴. رویکرد شناختی به آموزش ریاضی
۲۰۱۱	برنامه درسی ریاضی	Journal of Educational Development	Science Direct	۱۵. اجرای برنامه درسی ریاضی سازنده گرایانه توسط معلمان تایوانی (نحوه حل مسائل شناختی و عاطفی)
۲۰۱۱	برنامه درسی ریاضی	Journal of Procedia-Social and Behavioral Sciences	Science Direct	۱۶. تاثیر آموزش راهنمدهای شناختی و فراشناختی با روش خودآموزی در عملکردن - حل مسئله ریاضی دانش - آموزان دبستان
۲۰۱۰	آموزش ریاضی	Journal of Learning and Individual Differences	Science Direct	۱۷. حافظه فعال (کاری) و ریاضی: مروری بر رویکردهای رشد، تفاوت‌های فردی و رویکرد شناختی
۲۰۰۸	آموزش ریاضی	Journal of Learning Disability	SID	۱۸. استراتژی‌های خودتنظیمی برای بهبود

عنوان مقاله	نام پایگاه	محل انتشار	حوزه	سال انتشار
حل مسئله ریاضی دانش- آموزان با ناتوانی یادگیری		Quarterly		
۱۹. روانشناسی شناختی و آمورزش ریاضی (با تابهایی از گذشته و آینده)	Google Scholar	Journal of Mathematics Education	روانشناسی، آموزش ریاضی، برنامه درسی	۲۰۰۷
۲۰. بازتاب ^۱ و فراشناخت در آموزش ریاضی - ابزارهایی برای بهبود کیفیت تدریس	Springer	ZDM	آموزش ریاضی	۲۰۰۶
۲۱. حل مسئله ریاضی برای دانش آموزان دارای معلولیت	Eric	Journal of American Institutes for Research	آموزش ریاضی، آموزش کودکان استثنایی	۲۰۰۶
۲۲. یادگیری تفکر ریاضی: حل مسئله، فراشناخت و ایجاد احساس در ریاضی	Jstor	Journal of Education	برنامه درسی، آموزش ریاضی	۱۹۹۲
۲۳. سازماندهی شناختی در کلاس درس	Science Direct	Journal of Curriculum Inquiry	برنامه درسی، آموزش ریاضی	۱۹۸۱
۲۴. چگونه مسئله را حل کنیم؟	Jstor	Princeton University Press	آموزش ریاضی	1957 ²

¹.Reflection

² کتاب «چگونه مسئله را حل کنیم»، یکی از کتابهای کلاسیک آموزش ریاضی است که اولین بار در سال ۱۹۴۵ چاپ شد و بدلیل اهمیتش که مجدد به زمان خاصی نیست، همچنان تجدید چاپ می‌شود.

سپس با استفاده از کاربرگ طراحی شده توسط پژوهشگران (پیوست الف)، اطلاعات هر کدام از ۲۴ سند مکتوب، ثبت شد. سپس با استفاده از الگوی ششم مرحله-ای سنتزپژوهی رابرتس^۱ (شکل ۱) داده‌ها تحلیل شدند و ویژگی‌های برنامه درسی ریاضی دوره ابتدایی با رویکرد شناختی، استخراج گردید. آنگاه این ویژگی‌ها با ویژگی‌های تبیین شده در پژوهش زادشیر، عصاره، غلامآزاد و امام جمعه (۱۴۰۱)^۲ با هم مقابل شدند که نتیجه آن، طراحی اولیه الگویی برای برنامه درسی ریاضی دوره ابتدایی مبتنی بر رویکرد شناختی بود.

مرحله اول: شناسایی نیاز

مرحله دوم: اجرای پژوهش به منظور بازیابی مطالعات

مرحله سوم: گزینش پالایش و سازماندهی مطالعات

مرحله چهارم: تهییه چارچوب ادراکی و متناسب ساختن آن با اطلاعات حاصل از تحلیل

مرحله پنجم: پردازش ترکیب و تفسیر در قالب فرآورده‌های ملموس

مرحله ششم: ارائه نتایج

شکل ۱: الگوی شش مرحله‌ای روبرتس (مارس ۱۳۹۲،^۲)

¹ Roberts

² Marsh

مرحله دوم: اعتباربخشی الگو

برای اعتباربخشی الگوی طراحی شده، از متخصصان سه حوزه علوم شناختی، آموزش ریاضی و مطالعات برنامه درسی، نظرخواهی شد تا میزان موافقت آنان با ویژگی‌های استخراج شده برای عناصر برنامه درسی ریاضی طراحی شده، مورد سنجش قرار گیرد. ابزار برای جمع‌آوری داده‌های این بخش، پرسشنامه‌ای با ۲۲ سؤال تهیه شد که حاوی ۱۱ سؤال باز-پاسخ جهت ارائه پیشنهادهای متخصصان در راستای جرح و تعديل ویژگی‌های عناصر برنامه درسی ریاضی بود که قبلاً توسط پژوهشگران تدوین شده بود، و ۱۱ سؤال آن، به صورت چندگزینه‌ای و در مقیاس پنج درجه‌ای لیکرت بود (پیوست ب). سؤال‌های چندگزینه‌ای به منظور بررسی میزان توافق متخصصان با ویژگی‌های به دست آمده از نتایج سنتزیزوهی، تدوین شدند. روایی پرسشنامه توسط استادان راهنمای و مشاور مورد تأیید قرار گرفت. برای پایایی پرسشنامه نیز، از آزمون الای کرونباخ استفاده شد و ضریب ۰.۷۸ به دست آمد. با توجه به موضوع پژوهش، شرکت‌کنندگان از سه حوزه مطالعات برنامه درسی، آموزش ریاضی و علوم شناختی انتخاب شدند و در مجموع، ۳۰ نفر متخصص به صورت هدفمند و با تکنیک گلوله برفي^۱ انتخاب شدند تا در این نظرخواهی شرکت کرده و به سؤال‌های پرسشنامه پاسخ دهند. نحوه انتخاب نمونه بدین صورت بود که نخست، پرسشنامه برای سه متخصص در سه حوزه مرتبط ارسال شد و از آن‌ها درخواست گردید تا متخصصان دیگری را در حوزه خود، برای پاسخ به سؤال‌های پرسشنامه معرفی کنند. در جدول ۲، توزیع متخصصان در سه حوزه آورده شده است.

^۱ نمونه‌گیری گلوله برفي، يك روش نمونه‌گيری غيراحتمالي برای مواقعی است که واحدهای مورد مطالعه، به راحتی قابل شناسایي نباشند (ميرزاي، ۱۳۹۵).

جدول ۲: توزیع متخصصان سه حوزه

تعداد متخصصان	دانشگاه یا سازمان	گروه آموزشی/متخصص
۱۰	دانشگاه تربیت دبیر شهید رجایی، دانشگاه تربیت مدرس، دانشگاه علامه طباطبائی	مطالعات برنامه درسی
۱۰	پژوهشکده علوم شناختی	علوم شناختی
۱۰	دانشگاه فرهنگیان، دانشگاه شهید بهشتی، دانشگاه تربیت دبیر شهید رجایی، پژوهشگاه مطالعات آموزش و پرورش	آموزش ریاضی

برای تجزیه و تحلیل داده‌های جمع‌آوری شده از طریق پرسشنامه، از آمار توصیفی و آمار استنباطی آزمون t تک نمونه^۱ جهت آزمون فرض پیرامون موافقت متوسط افراد متخصص با الگوی طراحی شده، استفاده شد.

مرحله سوم: تدوین الگوی نهایی

روش پژوهش آمیخته به پژوهشگران فرصت داد تا با تلفیق نتایج حاصل از بررسی نظاموار اسناد مرتبط با موضوع پژوهش (سترنپژوهی) و اجرای پرسشنامه، الگوی اولیه را جرح و تعديل نموده و الگوی نهایی را برای برنامه درسی ریاضی دوره ابتدایی با رویکرد شناختی، تبیین نمایند.

^۱ One Sample t- Test

یافته‌ها

در این بخش، ویژگی‌های استخراج شده عناصر دهگانه برنامه درسی ریاضی دوره ابتدایی با رویکرد شناختی (زادشیر، عصاره، غلام‌آزاد و امام‌جمعه، ۱۴۰۱) و مقابله نمودن آن با نتایج بررسی نظام وار (ستزپژوهشی) استاد مرتبط با اشتراک سه حوزه آموزش ریاضی، مطالعات برنامه درسی و علوم شناختی حاصل شدند، به تفکیک هر یک از ده عنصر، عرضه می‌گردد.

۱. منطق

ویژگی‌های اولیه استخراج شده عنصر منطق بدین شرح بود:

- پیشرفت دانش‌آموز با تجربه شخصی
- نقش ریاضی در زندگی واقعی
- نقش یادگیرنده در ساختن دانش
- درک و فهم

با تحلیل داده‌های پرسشنامه که در جدول ۳ آمده، توافق متخصصان در رابطه با ویژگی‌های این عنصر، ۵۶.۳٪ بود. آن‌ها برای جامع‌تر شدن ویژگی‌های عنصر منطق، پیشنهادهای تکمیلی دادند که اصلی‌ترین‌شان، اضافه‌نمودن یادگیری معنادار و اشاره مستقیم به درس ریاضی بود. همچنین، متخصصان توصیه کردند که ویژگی‌های این عنصر، به عنوان ضرورت تدوین یک برنامه شناختی نوشته شود. در نتیجه، ویژگی‌های عنصر منطق برای الگوی نهایی، به صورت زیر اصلاح گردید:

- دانش‌آموزان با تجربه شخصی ریاضی را یاد بگیرند.
- دانش‌آموزان ریاضی و مسائل آن را برای استفاده در زندگی واقعی آموزش بیینند.
- دانش‌آموزان دانش ریاضی مورد نیاز خود را بسازند.
- دانش‌آموزان مسائل ریاضی را بفهمند و راه حل‌های مختلف را برای رسیدن به پاسخ مسائل، امتحان کنند.

- یادگیری ریاضی به صورت معنادار صورت بپذیرد.

آنچه که از نظر متخصصان برآمد، نشان داد که دیدگاه مناسب نظری برای تدوین یک برنامه درسی با رویکرد شناختی، ساخت و ساز گرایی است که ویژگی های نهایی شده برای عنصر «منطق» برنامه، نشان دهنده آن است. برای مثال، تأکید بر این که یادگیرنده چگونگی یادگیری ریاضی را با تجربه شخصی خود که از دنیای واقعی کسب کرده، تلفیق کند و درک و فهم ریاضی خود را ارتقا دهد، مبتنی بر آموزه های این دیدگاه است. همچنین تأکید شد که عنصر منطق، اساس چارچوب طراحی یک برنامه است و توجه به آن در طراحی یک برنامه درسی، به مثابه چراغ راه است تا مسیر را روشن کند.

۲. هدف

ویژگی های اولیه استخراج شده برای عنصر هدف، عبارت بودند از:

- ارتباط با زندگی واقعی
- حفظ تمامیت ذهن و مغز
- در نظر گرفتن توانایی های فردی یادگیرنده
- ایجاد انگیزه درونی برای ساخت دانش توسعه خود دانش آموزان
- مسئول بودن فرد در یادگیری
- خود تنظیمی و برنامه ریزی
- مشارکت فراگیر در فرآیند یادگیری
- آموزش مهارت های تفکر با استفاده از حل مسائل ریاضی توسط خود دانش آموزان
- مهارت های حل مسئله
- توجه به انواع استدلال کردن
- تقویت حافظه فعال

از نظر شیوچیو و وايتبرد^۱ (۲۰۱۱)، یکی از اهداف آموزش ریاضی با رویکرد شناختی این است که دانشآموزان، انواع استدلال کردن را یاد بگیرند و بتوانند مسائل ریاضی را به کمک روش‌های متنوع استدلالی، حل کنند. آن‌ها در پژوهش خود به این نتیجه رسیدند که زمانی که دانشآموزان در معرض تجربه‌های متعدد و متنوع قرار- می‌گیرند، مهارت‌های تفکر و استدلال کردن را می‌آموزند و عادات‌های ذهنی ریاضی در آن‌ها توسعه می‌یابد. این پژوهشگران به این جمع‌بندی رسیدند که مهارت‌های استدلالی و تفکر، قابل توسعه و استفاده در موقعیت‌های مشابه حل مسئله است. عنصر «هدف»، نقش مهمی در تدوین برنامه درسی دارد و سایر عناصر را تحت تأثیر خود قرار می‌دهد. علاوه بر این، رگوبار، بارنتس و هچت^۲ (۲۰۱۰)، تقویت حافظه فعال را برای بهبود یادگیری ریاضی، به عنوان یکی از ارکان تقویت شناختی فرد مورد توجه قرار دادند که در این نظرخواهی نیز مورد تأکید واقع شد. در مجموع، میزان توافق متخصصان با این ویژگی‌ها، ۵۳.۱٪ بود که اصلی‌ترین پیشنهاد برای اصلاح ویژگی‌های این عنصر، پررنگ کردن نقش ریاضی در برنامه بود. درنهایت، ویژگی‌های عنصر «هدف» به صورت زیر، تبیین شد:

- ارتباط با زندگی واقعی

- نگاه کل‌نگر به ذهن و مغز

- در نظر گرفتن توانایی‌های فردی یادگیرندگان در یادگیری ریاضی

- ایجاد انگیزه درونی برای ساخت دانش ریاضی توسط خود دانشآموزان

- خودتنظیمی و برنامه‌ریزی

- مشارکت فراگیر در فرآیند یادگیری ریاضی

¹.Shiuchi & Whitebread

².Raghbar, Barnes & Hecht

- آموزش مهارت‌های تفکر و حل مسئله ریاضی با استفاده از حل مسائل ریاضی
توسط خود دانش‌آموزان

- استفاده از انواع استدلال‌های شهودی برای نشان‌دادن درستی چیزی در ریاضی
- تقویت حافظه فعال

به گفته اسکمپ^۱ (۱۹۸۹)، تفکر ریاضی به معنای تفکر در موضوع‌های ریاضی نیست، بلکه سبکی از تفکر است که فرد را قادر می‌سازد تا با مسائل دنیای واقعی، ارتباط بهتری برقار کند.

۳. محتوا

ویژگی‌های اولیه استخراج شده برای عنصر «محتوا» در برنامه درسی ریاضی، شامل دو مورد زیر بود:

-دانش ریاضی مرتبط با زندگی

-موضوعات ریاضی چالش‌برانگیز

میزان توافق متخصصان در رابطه با ویژگی‌های این الگو ۶۵.۶٪ بود و پیشنهاد مشخص آنان برای اصلاح محتوا، افزودن محتوای الکترونیکی بود. با اعمال این پیشنهاد، ویژگی‌های عنصر «محتوا»ی برنامه درسی ریاضی تدوین شد:

- محتوای ریاضی مرتبط با زندگی واقعی دانش‌آموزان

- انتخاب محتوای ریاضی چالش‌برانگیز

- استفاده از محتوای ریاضی الکترونیکی

^۱.Skemp

محبوبه شیرزاد : نویسنده اول
طراحی و اعتبارسنجی الگوی برنامه درسی ریاضی...
پژوهش زادشیر و عصاره (۱۳۹۶) نیز نشان داده بود که استفاده از محتوای
الکترونیکی، می تواند باعث ایجاد نگرش مثبت یادگیرندگان نسبت به درس ریاضی
شود. ، در این برنامه درسی نیز با توجه به اهمیت روزافزون فناوری، بر این مورد، تأکید
شد.

۴. فعالیت‌های یادگیری

ویژگی‌های اولیه استخراج شده عنصر «فعالیت‌های یادگیری ریاضی» به شرح زیر
بود:

-مبتنی بر ذهن و تفکر

-مبتنی بر تمرکز دقیق هنگام یادگیری

-مبتنی بر خودتنظیمی

-مبتنی بر اکتشاف

-مبتنی بر درک معنی دار مفاهیم ریاضی با توجه به تجارت شخصی

-استفاده از راه حل‌های مختلف برای حل مسائل ریاضی

-استفاده از تعاملات گروهی در یادگیری موضوعات ریاضی.

۶۸.۸ درصد از متخصصان با ویژگی‌های تبیین شده برای این هدف، توافق داشتند و
پیشنهاد اصلاحی برای ویژگی‌های این عنصر، ارائه نشد.

۵. نقش معلم:

برای عنصر «نقش معلم»، دو ویژگی اولیه زیر استخراج شدند:

- راهنمایی و تسهیل‌کننده

- بهبودبخش مهارت‌های فکری، ذهنی و میان فردی دانش آموزان

میزان توافق متخصصان در رابطه با ویژگی‌های عنصر «نقش معلم»، ۶۵.۶٪ بود،
ولی پیشنهادی برای اصلاح این عنصر، ارائه نشد.

کوزلین^۱ (۲۰۱۵) در پژوهشی جهت بررسی تاثیر آموزش شناختی بر عملکرد شناختی معلمان، به ۸۰ معلم دبیرستان در آفریقای جنوبی، روش‌های آموزش شناختی را آموزش داد. در تمام مراحل تدریس مهارت‌های شناختی، معلم به عنوان تسهیل‌گر یادگیری و راهنمای دانش‌آموزان در نظر گرفته می‌شد. همچنین معلم به صورت غیرمستقیم، نقش بهبوددهنده مهارت‌های مورد نیاز شناختی دانش‌آموزان را به عهده داشت.

۶. منابع

ویژگی‌های اولیه استخراج شده برای عنصر «منابع»، عبارت بودند از:

-استفاده از مدل‌های ریاضی در زندگی واقعی

-عناصر هنری و شکل‌های هندسی

میزان توافق متخصصان در رابطه با ویژگی‌های عنصر «منابع» در این الگو، ۶۲.۵٪ بود. پیشنهادی که در رابطه با ویژگی‌های این عنصر ارائه گردید، اضافه نمودن نقش رسانه‌ها نظیر کتاب و محتواهای الکترونیکی در فضای مجازی بود و با لحاظ نمودن آن،

ویژگی‌های عنصر «منابع» به شکل زیر، اصلاح شد:

- استفاده از مدل‌های ریاضی در زندگی واقعی
- استفاده از مؤلفه‌های هنری و شکل‌های هندسی
- کتاب‌های درسی ریاضی
- منابع الکترونیکی شامل محتواهای الکترونیکی و بازی‌های رایانه‌ای و نظایر آن

۷. گروه‌بندی

در طراحی اولیه برنامه درسی، ویژگی‌های استخراج شده زیر برای عنصر «گروه-بندي» در نظر گرفته شد:

¹.Kozulin

محبوبه شیرزاد : نویسنده اول طراحی و اعتبارسنجی الگوی برنامه درسی ریاضی...

- تشکیل گروههای همیار^۱

- استفاده دانشآموزان از تجربه‌های شخصی یکدیگر هنگام حل

مسئله‌های ریاضی

- رسیدن به راه حل‌های متفاوت در حل مسئله‌های ریاضی در گروه-

های همیار

- روبرو شدن با استدلال‌های یکدیگر هنگام حل مسئله‌های ریاضی

در گروههای همیار

میزان توافق متخصصان در رابطه با ویژگی‌های عنصر «گروه‌بندی» در این الگو، ۷۵٪ بود و پیشنهادی در رابطه با اصلاح این عنصر، ارائه نشد. این درحالی است که از نظر کیس و کنیا^۲ (۲۰۲۰)، یک هدف مهم از تشکیل گروههای همیار در برنامه درسی ریاضی با رویکرد شناختی، تغییر باور دانش آموزان نسبت به حل مسئله‌های ریاضی است. آنان توضیح می‌دهند که هنگامی که دانش آموزان در گروه با هم مشارکت می‌کنند و برای رسیدن به راه حل و پاسخ صحیح با یکدیگر همکاری می‌کنند، با استدلال‌های مختلف روبرو می‌شوند که هر کدام، می‌تواند مسیری برای رسیدن به یک راه حل باشد. به گفته آنان، تغییر باور دانش آموزان نسبت به این که بیشتر مسئله‌ها، تنها یک راه حل ندارد و می‌تواند راه حل‌های مختلف داشته باشد، یکی از ویژگی‌های مهم آموزش و یادگیری شناختی است.

^۱ گروه همیار گروهی ناهمگن از دانش آموزان است که توسط معلم انتخاب شده و در یک گروه قرار می‌گیرند در گروههای ناهمگن، اعضای گروه از زمینه‌های دانشی، هنری، قومی و... متفاوت هستند (کوپر، ۱۹۹۰).

^۲ Kiss & Konya

۸. مکان

ویژگی‌های اولیه استخراج شده برای عنصر مکان، محدود به دو مورد زیر بود:

-محیط زندگی واقعی

-مکان یادگیری غنی از تجربه‌های آموزشی غیرمستقیم

میزان توافق متخصصان در رابطه با ویژگی‌های عنصر «مکان»، ۷۱.۹٪ بود و تنها پیشنهادی که برای بهبود این عنصر دادند، «اضافه نمودن توضیح یا نمونه» برای مورد دوم بود که توضیح زیر اضافه شد و مورد موافقت متخصصان واقع شد:

کلاس درس، تنها مکان یادگیری ریاضی نیست و محیط یادگیری نمی‌تواند از محیط واقعی زندگی یادگیرندگان جدا باشد. با توجه به این‌که بخش زیادی از آموزش‌ها در مدرسه صورت می‌گیرد، لازم است که مکان و فضای یادگیری دانشآموزان، برای اجرای برنامه درسی ریاضی با رویکرد شناختی، غنی شود. منظور از فضای غنی شده این است که یادگیرندگان با تجربه‌های آموزشی هم کلاسی‌های خود آشنا شوند و آن‌ها با تجربه‌های شخصی خود در هم آمیزند و یادگیری خود را عمیق‌تر کنند. همچنین کلاس درس به عنوان مکان اصلی آموزش مدرسه‌ای، شرایطی فراهم کند تا دانشآموزان برای آموختن مفاهیم ریاضی مثلاً مفهوم مساحت مربع، دسترسی به اشیای مربعی شکل را داشته باشند.

۹. زمان

در رابطه با عنصر «زمان»، ویژگی‌های اولیه استخراج شده شامل موارد زیر بود:

-هوشیاری دانشآموز

-آمادگی روحی و جسمی دانش‌آموز

-سال‌های اولیه دبستان

میزان توافق متخصصان در رابطه با ویژگی‌های عنصر «زمان»، ۷۱.۹٪ بود. آنان در رابطه با ویژگی‌های عنصر زمان، پیشنهادشان این بود که برای کارآمدتر نمودن عنصر زمان در برنامه درسی ریاضی، یادگیری تنها به ساعت‌های رسمی کلاسی محدود نشود و بر «زمان‌های خارج از کلاس درس» نیز تأکید گردد تا قابلیت انعطاف برنامه درسی افزایش یابد. در نتیجه با لحاظ نمودن این پیشنهاد، ویژگی‌های عنصر زمان بدین صورت اصلاح شد:

- حضور معنادار دانش‌آموز در کلاس
- آمادگی روحی و جسمی دانش‌آموز
- تنظیم زمان با توجه به سال‌های اولیه دبستان
- محدود نبودن آموزش ریاضی به زمان رسمی کلاس درس و طرح مسائل چالش‌برانگیز به عنوان تکلیف منزل تا دانش‌آموز خارج از مدرسه، به دنبال راه حل و رسیدن به پاسخ مسئله باشد.

نکته قابل تأمل در ویژگی‌های عنصر زمان در برنامه درسی ریاضی با رویکرد شناختی، این است که در بررسی نظام وار استناد مرتبط، معلوم شد که به زمان یادگیری، در دو بُعد «زمان آموزش» و «سن آموزش» پرداخته شده و در آن، آمادگی روحی و جسمی دانش‌آموز، اهمیت دارد.

۱۰. ارزشیابی

ویژگی‌های اولیه استخراج شده برای عنصر «ارزشیابی»، به شرح زیر بودند:

- خود-ارزشیابی -

- ارزشیابی انفرادی با توجه به نیازهای فردی یادگیرنده

- ارزشیابی فرایند تفکر و حل مسئله

- آزمون‌های مدادکاغذی، پوشه‌کار و فعالیت‌های کلاسی و

آزمایشگاهی

۱۷۸٪ از متخصصان، موافق ویژگی‌های تبیین شده برای عنصر ارزشیابی بودند و تنها پیشنهاد تکمیلی آن‌ها، اضافه‌نمودن ارزشیابی توسط گروه همتا^۱ بود. با این تغییر، به ویژگی‌های عنصر «ارزشیابی» برای الگوی نهایی، مورد «ارزشیابی توسط گروه همتا»، اضافه شد. از نظر بروان، رویدیگر و مکدانیل^۲ (۲۰۱۴)، گروه همتا گروهی از دانش-آموzan هم‌سن، هم‌سطح و هم‌کلاس هستند که از یکدیگر می‌آموزند و یکدیگر را ارزشیابی می‌کنند.

یافته‌های کمی

نتایج تجزیه و تحلیل داده‌های کمی مبتنی بر داده‌های جمع‌آوری شده از پرسشنامه بود که توسط متخصصان برنامه درسی، آموزش ریاضی و علوم شناختی تکمیل شد، در جدول ۳ ارائه شده است.

^۱ تفاوت گروه همیار با گروه همتا در همگن نبودن افراد گروه در گروه همتا است.

² Brown, Roediger & McDaniel

جدول ۳: نتایج اعتبارسنجی الگوی برنامه درسی ریاضی دوره ابتدایی با رویکرد
شناختی

عنصر	فراآنی موافقت	میزان موافقت	فراآنی درصد	درصد فراآنی	منطق	فراآنی	فراآنی درصد	فراآنی فراآنی	اهداف	فراآنی درصد	فراآنی درصد	فراآنی	محتوا	فراآنی درصد	فراآنی درصد	فراآنی	فعالیت-های پادگیری	فراآنی درصد	فراآنی درصد	فراآنی	نقش معلم		
منطق	۰	۰	۰	۱۱	۱۶	۳	۳۰	٪۱۰۰	اهداف	٪۰	٪۰	٪۰	٪۱۰۰	٪۵۳.۳۳	٪۳۶.۶۶	٪۱۰	٪۱۰	٪۱۰۰	٪۲۶.۶۶	٪۵۶.۶۶	٪۱۷	۸	۳۰
	٪۰	٪۰	٪۰	۰	۱۱	۱۶	۳	٪۱۰۰		٪۰	٪۰	٪۰	٪۱۰۰	٪۱۶.۶۶	٪۱۶.۶۶	٪۰	٪۰	٪۱۰۰	٪۷۰	٪۷۰	۵	۱۷	۳۰
	٪۰	٪۰	٪۰	۰	۰	۰	۰	٪۰		٪۰	٪۰	٪۰	٪۱۰۰	٪۰	٪۰	٪۰	٪۰	٪۱۰۰	٪۰	٪۰	۰	۱۶	۳۰
اهداف	٪۰	٪۰	٪۰	۰	۰	۰	۰	٪۰	محتوا	٪۰	٪۰	٪۰	٪۱۰۰	٪۰	٪۰	٪۰	٪۰	٪۱۰۰	٪۰	٪۰	۰	۱۶	۳۰
	٪۰	٪۰	٪۰	۰	۰	۰	۰	٪۰		٪۰	٪۰	٪۰	٪۱۰۰	٪۰	٪۰	٪۰	٪۰	٪۱۰۰	٪۰	٪۰	۰	۱۷	۸
	٪۰	٪۰	٪۰	۰	۰	۰	۰	٪۰		٪۰	٪۰	٪۰	٪۱۰۰	٪۰	٪۰	٪۰	٪۰	٪۱۰۰	٪۰	٪۰	۰	۱۶	۳۰
محتوا	٪۰	٪۰	٪۰	۰	۰	۰	۰	٪۰	فعالیت-های پادگیری	٪۰	٪۰	٪۰	٪۱۰۰	٪۰	٪۰	٪۰	٪۰	٪۱۰۰	٪۰	٪۰	۰	۱۶	۳۰
	٪۰	٪۰	٪۰	۰	۰	۰	۰	٪۰		٪۰	٪۰	٪۰	٪۱۰۰	٪۰	٪۰	٪۰	٪۰	٪۱۰۰	٪۰	٪۰	۰	۱۷	۸
	٪۰	٪۰	٪۰	۰	۰	۰	۰	٪۰		٪۰	٪۰	٪۰	٪۱۰۰	٪۰	٪۰	٪۰	٪۰	٪۱۰۰	٪۰	٪۰	۰	۱۶	۳۰
فعالیت-های پادگیری	٪۰	٪۰	٪۰	۰	۰	۰	۰	٪۰	نقش معلم	٪۰	٪۰	٪۰	٪۱۰۰	٪۰	٪۰	٪۰	٪۰	٪۱۰۰	٪۰	٪۰	۰	۱۶	۳۰
	٪۰	٪۰	٪۰	۰	۰	۰	۰	٪۰		٪۰	٪۰	٪۰	٪۱۰۰	٪۰	٪۰	٪۰	٪۰	٪۱۰۰	٪۰	٪۰	۰	۱۷	۸
	٪۰	٪۰	٪۰	۰	۰	۰	۰	٪۰		٪۰	٪۰	٪۰	٪۱۰۰	٪۰	٪۰	٪۰	٪۰	٪۱۰۰	٪۰	٪۰	۰	۱۶	۳۰

عنصر	فراوانی موافقت	میزان میزان	درصد فراوانی	منابع	فراءانی	فراءانی	فراءانی	فراءانی	فراءانی
منابع	۰	۲۸	۵	۲۰	۶	۳۰	٪۱۰۰	٪۲۰	٪۶۶.۶
	٪۰	٪۳۳	٪۱۶.۶	٪۷۶.۶	٪۲۰	٪۱۰۰	٪۰	٪۰	٪۱۶.۶
گروه‌بندی	۰	۴	۴	۲۴	۴	۳۰	٪۱۰۰	٪۱۳.۳	٪۸۰
	٪۰	٪۰	٪۱۳.۳	٪۷۶.۶	٪۰	٪۰	٪۰	٪۰	٪۱۳.۳
مکان	۰	۴	۰	۲۳	۵	۳۰	٪۱۰۰	٪۱۶.۶	٪۷۶.۶
	٪۰	٪۰	٪۰	٪۷۶.۶	٪۱۶.۶	٪۰	٪۰	٪۰	٪۷۶.۶
زمان	۰	۳	۰	۲۳	۶	۳۰	٪۱۰۰	٪۲۰	٪۷۶.۶
	٪۰	٪۰	٪۰	٪۷۶.۶	٪۲۰	٪۰	٪۰	٪۰	٪۷۶.۶
ارزشیابی	۰	۱	۰	۲۵	۶	۳۰	٪۱۰۰	٪۲۰	٪۸۳.۳
	٪۰	٪۰	٪۰	٪۸۳.۳	٪۲۰	٪۰	٪۰	٪۰	٪۸۳.۳
هماهنگی عناصر	۰	۲	۰	۲۱	۹	۳۰	٪۱۰۰	٪۳۰	٪۷۰
	٪۰	٪۰	٪۰	٪۷۰	٪۳۰	٪۰	٪۰	٪۰	٪۷۰

جهت اعتبارسنجی الگوی برنامه درسی طراحی شده برای ریاضی دوره ابتدایی با رویکرد شناختی، پرسشنامه‌ای مشتمل بر ده عنصر تشکیل‌دهنده الگو و ویژگی‌های هر یک، برای ۳۰ متخصص برنامه درسی، علوم شناختی و آموزش ریاضی ارسال گردید که همه آن‌ها تکمیل و بازگردانده شدند. آنگاه برای تجزیه و تحلیل داده‌های جمع‌آوری شده از طریق پرسشنامه که هدف آن، بررسی میزان موافقت متخصصان با ویژگی‌های عناصر دهگانه الگوی طراحی شده بود، از آزمون استنباطی T تکنمونه‌ای استفاده شد. برای اجرای این آزمون، میانگین فرضی توافق متخصصان، در سطح متوسط فرض شد و میانگین واقعی با میانگین فرضی، مورد مقایسه قرار گرفت (جدول ۴).

جدول ۴ : نتایج حاصل از آزمون T تک نمونه‌ای جهت مقایسه با میانگین فرضی

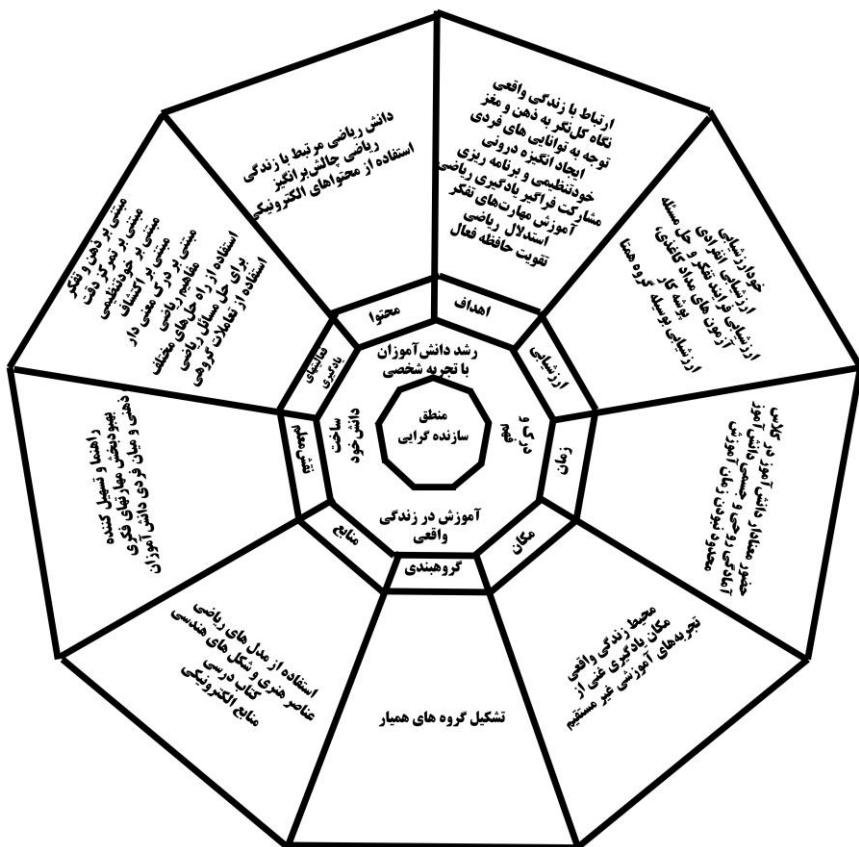
جامعه

نمودار	نمره	نرخ	میزان	میانگین	میانگین	میانگین	میانگین	میانگین	میانگین	میانگین	میانگین
۰/۰۰۰	۲۹	۱۳.۴۶	۴.۸	۱۱.۴۶	۴۴.۴۶	۳۳	میزان توافق با الگوی پیشنهادی				

نتایج حاصل از تجزیه و تحلیل آماری آزمون T تک نمونه‌ای نشان داد که میانگین پاسخ‌ها در گروه نمونه، ۴۴.۴۶ با انحراف استاندارد ۴.۸ بود که در سطح معناداری $(P<0.01)$ ۱۱.۴۶ نمره از نمره برش بالاتر است. اختلاف میانگین نیز نشان‌دهنده این است که میزان میانگین واقعی از میانگین فرضی که در سطح متوسط اعتبار قرار دارد، بالاتر است. بنابراین از دیدگاه متخصصان، اعتبار الگوی طراحی شده برنامه درسی ریاضی با رویکرد شناختی، در سطح مطلوبی قرار دارد.

- طراحی الگوی برنامه درسی ریاضی دوره ابتدایی با رویکرد شناختی

پس از شناسایی عناصر ده گانه برنامه درسی بر اساس الگوی اکر، مروری نظام وار (ستزپژوهی) بر استناد منتشرشده پژوهشی در فصل مشترک سه حوزه آموزش ریاضی، مطالعات برنامه درسی و علوم شناختی انجام شد و الگویی برای برنامه درسی ریاضی دوره ابتدایی با رویکرد شناختی طراحی شد الگوی طراحی شده حاصل مقابله نمودن عناصر ده گانه شناسایی شده توسط زادشیر، عصاره، غلام آزاد و امام جمعه (۱۴۰۱) و نتایج تحلیل نظام وار استناد پژوهشی بود. سپس به منظور اعتباربخشی الگوی طراحی شده، پرسشنامه‌ای تدوین شد. آنگاه به طور هدفمند و با استفاده از تکنیک گلوله برفی، نمونه‌ای شامل ۳۰ متخصص از هر یک از سه حوزه آموزش ریاضی، مطالعات برنامه درسی و علوم شناختی - هر کدام ۱۰ نفر - انتخاب شدند و از آن‌ها راجع به این الگو، نظرخواهی شد. در آخرین مرحله و بر اساس فرصتی که روش پژوهش آمیخته در اختیار پژوهشگران می‌گذارد، همه نتایج با هم تجمعی شدند که حاصل آن، نهایی شدن الگو بود که در شکل (۲) ارائه شده است.



شكل ۲: الگوی برنامه درسی ریاضی دوره ابتدایی با رویکرد شناختی

نتیجه گیری

این مطالعه، با هدف طراحی و اعتبارسنجی الگویی برای برنامه درسی ریاضی دوره ابتدایی با رویکرد شناختی انجام شد. این الگو توسط ۳۰ متخصص برنامه درسی، علوم شناختی و آموزش ریاضی اعتباریخسی شد. انتظار می‌رود که با استفاده از این الگوی برنامه درسی، بتوان تحولی در آموزش ریاضی مدرسه‌ای دوره ابتدایی در ایران ایجاد کرد. زیرا عناصر دهگانه و ویژگی‌های هر یک در این الگو، به تولیدکنندگان برنامه

درسی ریاضی کمک می‌کند تا یادگیرنده را به مثابه انسانی فعال، مستقل و جستجوگر درنظر بگیرند که به ارتقای فهم و درک خویش از ریاضی علاقه‌مند است و در ساختن دانش مورد نیاز خود برای حل مسئله‌های واقعی زندگی خویش، نقش دارد. یادگیری مفاهیم ریاضی وقتی با استفاده از حدس‌زنن، تجربه‌کردن، استدلال‌نمودن و زندگی واقعی دانش‌آموزان پیوند می‌خورد، منجر به تولید دانشی می‌شود که یادگیرنده از آن، در زندگی روزمره خود بهره می‌برد. در این الگو، تمام ده عنصر، به گونه‌ای تبیین شده‌اند که دانش‌آموزان را به سمت کشف و ساخت و تولید دانش ریاضی پیش‌بینی شده در برنامه درسی هدایت نمایند و از تجربه شخصی آنان برای استفاده از ریاضی در زندگی واقعی خود، بهره ببرند.

انگلیش^۱ (۲۰۰۷) بر این باور است که رویکرد شناختی به برنامه درسی ریاضی دوره ابتدایی، ظرفیت مناسبی برای گنجاندن مسئله‌های دنیای واقعی دانش‌آموزان در برنامه را دارد و تلاش برای حل آن‌ها، دانش‌آموزان را با تنوعی از استدلال‌های شهودی آشنا می‌کند که مبنی بر اقناع‌شدن است. بدین ترتیب، زمینه‌سازی مناسبی برای طرح مسائل دنیای واقعی، مدل‌سازی ریاضی و حرکت تدریجی به سمت استدلال‌های رسمی‌تر، ایجاد می‌شود.

منابع

اسکمپ، ریچارد. (۱۹۸۹). فهم رابطه‌ای و فهم ابزاری. ترجمه رضا حیدری قزلچه و زهراء گویا (۱۳۸۱). مجله رشد آموزش ریاضی. صص. ۱۵-۴. دفتر انتشارات کمک آموزشی، سازمان پژوهش و برنامه‌ریزی آموزشی، وزارت آموزش و پرورش.

^۱ English

- محبوبه شیرزاد : نویسنده اول طراحی و اعتبارسنجی الگوی برنامه درسی ریاضی...
تاراج، میترا. (۱۳۹۱). اثربخشی راهبرد یادگیری مغز- محور و راهبردهای شناختی و فراشناختی بر بهبود عملکرد ریاضی دانش آموزان. پایان نامه منتشر نشده کارشناسی ارشد رشته روان شناسی تربیتی، دانشکده ادبیات، دانشگاه ارومیه.
- رضایی، زهرا. (۱۳۹۴). بررسی تأثیر آموزش ریاضی مبتنی بر الگوی E5 (براساس ساخت و سازگرایی) بر توانایی شناختی ریاضی دانش آموزان. پایان نامه کارشناسی ارشد رشته برنامه ریزی درسی، دانشکده علوم انسانی، دانشگاه تربیت دبیر شهید رجایی.
- دلاور، علی. (۱۳۹۲). احتمالات و آمار کاربردی در روان شناسی و علوم تربیتی. تهران: انتشارات رشد.
- دورانی، زهرا. (۱۳۹۵). تحلیل کتاب ریاضی پایه چهارم ابتدایی از نظر تفکر انتقادی. پنجمین کنفرانس ملی توسعه پایدار در علوم تربیتی و روان شناسی. ۱۴۵-۱۵۹، پژوهشگاه مطالعات اجتماعی و فرهنگی.
- زادشیر، محبوبه؛ عصاره، علیرضا؛ غلام آزاد، سهیلا و امام جمعه، محمد رضا. (۱۴۰۱). شناسایی عناصر برنامه درسی ریاضی با رویکرد شناختی با روش ستز پژوهشی. فصلنامه مطالعات برنامه درسی (نوبت چاپ شماره تابستان). انجمن مطالعات برنامه درسی ایران.
- زادشیر، محبوبه و عصاره، علیرضا. (۱۳۹۶). بررسی تأثیر آموزش ریاضی به کمک رایانه بر نگرش ریاضی دانش آموزان دختر پایه نهم. نشریه خانوارده و پژوهش. دوره ۱۴، شماره ۲. ۶۴-۶۹، تهران: پژوهشگاه مطالعات آموزش و پژوهش.
- غلام آزاد، سهیلا. (۱۳۹۱). رویکرد شناختی به آموزش ریاضی دوره ابتدایی. فصلنامه مطالعات برنامه درسی ایران. سال ششم، شماره ۲۴. ۳۲-۷. انجمن مطالعات برنامه درسی ایران.

غلام‌آزاد، سهیلا. (۱۳۹۹). تغییر برنامه درسی ریاضی مدرسه‌ای: چالش‌ها و تحقیقات مورد نیاز. *فصلنامه مطالعات برنامه درسی ایران*. شماره ۵۷، دوره ۱۹. ۱۲۸-۱۰۷. ۱. انجمن مطالعات برنامه درسی ایران.

فرج‌زاده، شهین؛ احمدی، غلامعلی و خلاقی، علی اصغر. (۱۳۹۳). تحلیل محتوای کتاب‌های ریاضی پایه اول، دوم و سوم دوره ابتدایی از نظر میزان توجه به مؤلفه‌های تفکر انتقادی لیپمن. *پایان‌نامه منتشر‌نشده کارشناسی ارشد رشته برنامه‌ریزی درسی، دانشکده علوم انسانی، دانشگاه تربیت دبیر شهید رجایی*.

فردانش، هاشم. (۱۳۷۷). طراحی آموزشی از منظر رویکردهای رفتارگرایی، شناخت گرایی و ساخت گرایی. *فصلنامه علمی پژوهشی علوم انسانی دانشگاه الزهراء*. سال هفتم و هشتم، شماره ۲۴ و ۲۵. ۱۰۲-۱۲۰. ۲۵. نشریه دانشکده علوم انسانی دانشگاه الزهراء مارش، کالین. (۱۳۹۲). *پژوهش تلفیقی، ستزپژوهی، ترجمه فریده مشایخ، لطف علی عبادی ، فصل ۱۵ روش شناسی مطالعات برنامه‌درسی، ترجمه مهر محمدی، محمود و همکاران، تهران: انتشارات سمت*.

میرزایی، خلیل. (۱۳۹۵). *کیفی پژوهی، پژوهش، پژوهشگری و پژوهش نامه‌نویسی*. تهران؛ نشر فوزان.

نتایج تیمز. (۲۰۱۹). مرکز مطالعات تیمز و پرلز. *پژوهشگاه مطالعات آموزش-وپرورش. سازمان پژوهش و برنامه‌ریزی آموزشی، آموزش و پرورش*.

Brown, P. C., Roediger III, H. L., & McDaniel, M. A. (2014). *Make it stick: The science of successful learning*. Harvard University Press.

Cooper, J. (1990). Cooperative learning and college teaching: Tips from the trenches. *Teaching Professor*, 4(5), 1-2

English, L D. (2007). Cognitive psychology and mathematics education: Reflections on the past and the future. *The Montana Mathematics Enthusiast*. Monograph 2, pp. 119-126. The Montana Council of Teachers of Mathematics.

Kiss, M., & Kónya, E. (2020). Is it possible to develop some elements of metacognition in a Mathematics classroom environment? *Teaching Mathematics and Computer Science*, 18(3), 123-132

Lin, X., & Powell, S. R. (2022). The Roles of Initial Mathematics, Reading, and Cognitive Skills in Subsequent Mathematics Performance: A Meta-Analytic Structural Equation Modeling Approach. *Review of Educational Research*, 92(2), 288-325.

Raghubar, K. P., Barnes, M. A., & Hecht, S. A. (2010). Working memory and mathematics: A review of developmental, individual difference, and cognitive approaches. *Learning and individual differences*, 20(2), 110-122.

Chiu, M. S., & Whitebread, D. (2011). Taiwanese teachers' implementation of a new 'constructivist mathematics curriculum': How cognitive and affective issues are addressed. *International Journal of Educational Development*, 31(2), 196-206.

Kozulin, A. (2015). The impact of cognitive education training on teachers' cognitive performance. *Journal of cognitive Education and Psychology*, 14(2), 252-262.

Xenidou-Dervou, I., Van Luit, J. E., Kroesbergen, E. H., Friso-van den Bos, I., Jonkman, L. M., van der Schoot, M., & Van Lieshout, E. C. (2018). Cognitive predictors of children's development in mathematics achievement: A latent growth modeling approach. *Developmental Science*, 21(6), e12671.

پیوست الف

(نمونه کاربرگ ورود اطلاعات هر سند)

عنوان مقاله / کتاب / متن	عنوان	دسته بندی	محتوای کتاب	محتوای پژوهش	محتوای پژوهش	رسالات انتشار	دگران	سال انتشار	محل انتشار

پیوست ب

(پرسشنامه اعتبارسنجی برنامه درسی ریاضی با رویکرد شناختی)

سوال ۱	کم میزان	میانگین	بزرگ	بزرگ میزان	کم میزان	ویژگی های عنصر منطق
تا چه اندازه منطق ذکر شده در این الگو مناسب است؟						رشد دانش آموزان با تجربه شخصی آموزش در زندگی واقعی ساخت دانش خود درک و فهم
سوال ۲: پیشنهادات شما جهت اصلاح و یا تکمیل ویژگی های مطرح شده برای عنصر منطق چیست؟						
سوال ۳						بسیار کم کم متوسط زياد بسیار زياد ویژگی های عنصر هدف

<p>هدفی مرتبط با زندگی حفظ تمامیت ذهن و مغز استفاده از توانایی‌های فردی محرك‌های درونی برای ساخت دانش توسعه خود داشن آموزان ، مسئول بودن فرد در یادگیری خودتنظیمی و برنامه‌ریزی مشارکت فراگیر در فرآیند یادگیری آموزش مهارت‌های تفکر مهارت‌های حل مسئله استدلال تقویت حافظه فعال</p>						تا چه اندازه اهداف پیش‌بینی شده در درس ریاضی، از جهت قابلیت تحقق مناسب است؟
--	--	--	--	--	--	---

سؤال ۴: پیشنهادات شما جهت اصلاح و یا تکمیل ویژگی‌های مطرح شده برای عنصر اهداف چیست؟

سوال ۵	بسیار کم	کم	متوسط	زياد	بسیار زياد	ویژگی‌های عنصر محتوا
تا چه اندازه محتوا برای تحقق اهداف آموزش درس ریاضی با رویکرد شناختی در دوره دبستان مناسب است؟						دانش ریاضی مرتبط با زندگی حاوی موضوعات ریاضی چالش‌برانگیز و مسئله‌گونه

سؤال ۶: پیشنهادات شما جهت اصلاح و یا تکمیل ویژگی‌های مطرح شده برای عنصر محتوا چیست؟

سوال ۷	بسیار کم	کم	متوسط	زياد	بسیار زياد	ویژگی‌های عنصر فعالیت‌های يادگيری
تا چه اندازه فعالیت‌های يادگیری برای تحقق اهداف آموزش درس ریاضی با رویکرد شناختی در دوره دبستان مناسب است؟						فعالیت های يادگيری ریاضی مبتنی بر ذهن و تفکر فعالیت های يادگيری ریاضی مبتنی بر توجه فعالیت های يادگيری ریاضی مبتنی بر خودتنظیمی فعالیت های يادگيری ریاضی مبتنی بر اکتشاف فعالیت های يادگيری ریاضی مبتنی بر درک معنی دار و درک

مفهومی مفاهیم ریاضی با توجه به تجارب شخصی فعالیت های یادگیری ریاضی با استفاده از حدس ، تجسم و آزمون کردن راه حل های مختلف در مسائل ریاضی فعالیت های یادگیری ریاضی با استفاده از تمرینات نگهداری اطلاعات در حافظه، فعالیت های یادگیری ریاضی با استفاده از حل مسائل ریاضی به- صورت انتزاعی و درگیرکردن آن در موقعیت های واقعی زندگی فعالیت های یادگیری ریاضی با استفاده از تصویرسازی های ریاضی تقویت شده به واسطه هنر فعالیت های یادگیری ریاضی با استفاده از شبیه‌سازی فعالیت های یادگیری ریاضی با استفاده از تعاملات گروهی در یادگیری موضوعات ریاضی.						
سؤال: پیشنهادات شما جهت اصلاح و یا تکمیل ویژگی های مطرح شده برای عنصر فعالیت های یادگیری چیست؟						سؤال ۹
ویژگی های عنصر نقش معلم	بسیار زیاد	زیاد	متوسط	کم	بسیار کم	سؤال ۹
نقش راهنمای و تسهیل کننده را دارد. معلم مهارت های فکری، ذهنی و میان فردی را بهبود می بخشد.						تا چه اندازه نقش معلم با توجه به فعالیتهای یادگیری پیشنهادی مناسب است؟
سؤال ۱۰ (بازپاسخ): پیشنهادات شما جهت اصلاح و یا تکمیل ویژگی های مطرح شده برای عنصر نقش معلم چیست؟						سؤال ۱۰
ویژگی های عنصر منابع	بسیار زیاد	زیاد	متوسط	کم	بسیار کم	سؤال ۱۱
مدل های ریاضی در زندگی واقعی (به عنوان مثال آموزش اشکال هندسی با استفاده از مدل های موجود در زندگی واقعی دانش- آموزان) عناصر هنری و شکل های هندسی اطلاعات غیرمستقیم و چالش-						تا چه اندازه منابع در نظر گرفته شده برای تحقق اهداف آموزش درس ریاضی با رویکرد شناختی در دوره دبستان مناسب است؟

برانگیز برای حل مسائل ریاضی						
سوال ۱۲: پیشنهادات شما جهت اصلاح و یا تکمیل ویژگی های مطرح شده برای عنصر منابع چیست؟						
ویژگی های عنصرگروه‌بندی	بسیار زیاد	زیاد	متوسط	کم	بسیار کم	سوال ۱۳
گروه های همیار استفاده از تجربه های شخصی یکدیگر رسیدن به راه حل های متفاوت در حل مسائل ریاضی رو برو شدن با استدلال های یکدیگر در حل مسائل ریاضی						تا چه اندازه روش های ذکر شده در مورد مؤلفه گروه بندی، برای تحقق اهداف آموزش درس ریاضی با رویکرد شناختی در دوره دبستان مناسب است؟
سوال ۱۴: پیشنهاد شما جهت اصلاح و یا تکمیل ویژگی های مطرح شده برای عنصر گروه‌بندی چیست؟						
ویژگی های عنصر مکان	بسیار زیاد	زیاد	متوسط	کم	بسیار کم	سوال ۱۵
محیط زندگی واقعی مکان پادگیری غنی از تجربه های آموزشی غیر مستقیم						تا چه اندازه مکان آموزش در این الگو برای تحقق اهداف آموزش درس ریاضی با رویکرد شناختی در دوره دبستان مناسب است؟
سوال ۱۶: پیشنهاد شما برای اصلاح و یا تکمیل ویژگی های مطرح شده برای عنصر مکان آموزش چیست؟						
ویژگی های عنصر زمان	بسیار زیاد	زیاد	متوسط	کم	بسیار کم	سوال ۱۷
هوشیاری دانش آموز آمادگی از لحاظ روحی و جسمی سال های اولیه دبستان						تا چه اندازه زمان آموزش در این الگو برای تحقق اهداف آموزش درس ریاضی با رویکرد شناختی در دوره دبستان مناسب است؟
سوال ۱۸: پیشنهادات جهت اصلاح و یا تکمیل ویژگی های مطرح شده برای عنصر زمان آموزش چیست؟						
ویژگی های عنصر ارزشیابی	بسیار زیاد	زیاد	متوسط	کم	بسیار کم	سوال ۱۹

<p>خودارزشیابی ارزشیابی دانشآموزان بصورت انفرادی با توجه به نیازهای فردی یادگیرنده سنجدیدن فرایند تفکر و فرایند حل مسئله توسط آنها آزمون‌های مدادکاغذی، پوشه‌کار و فعالیت‌های کلاسی و آزمایشگاهی</p>						<p>تا چه اندازه روش‌های ارزشیابی در این الگو برای تحقق اهداف آموزش درس ریاضی با رویکرد شناسختی در دوره دبستان مناسب است؟</p>
<p>سوال ۲۰: پیشنهاد شما برای اصلاح و یا تکمیل ویژگی‌های مطرح شده برای عنصر ارزشیابی چیست؟</p>						سؤال ۲۱
	<p>بسیار زیاد</p>	<p>زیاد</p>	<p>متوسط</p>	<p>کم</p>	<p>بسیار کم</p>	<p>تا چه اندازه عناصر پیشنهادی در الگو با منطق برنامه و یکدیگر هماهنگ هستند؟</p>